

CORSO DI STATICA E SCIENZA DELLE COSTRUZIONI

A.A. 2020-2021

Pre-esame telematico del 06.07.2021

Parte II - Testo I

CdS Edilizia

CdS AdC

CdS SdA

Nota: Per chi dispone di una propria stampante, i risultati numerici vanno riportati a penna su questo stesso foglio, nei riquadri predisposti; per chi non dispone di stampante occorrerà predisporre un primo foglio nel quale riportare i dati riportati nei riquadri insieme ai risultati; il primo foglio dovrà contenere anche le seguenti informazioni: la prova (I prova intermedia o II prova intermedia), la data dell'appello, il nome e cognome, la matricola, la mail, il corso di studi; i calcoli (in forma ordinata) vanno allegati a seguire. Al termine della prova ed entro il limite di tempo indicato dalla commissione si dovrà caricare il compito svolto sulla piattaforma TEAMS in forma di unico file PDF le immagini fotografiche del primo foglio e a seguire dello svolgimento. Il file va nominato: cognome_matricola_data dell'appello.

Esprimere i risultati in forma frazionaria o con almeno 3 cifre decimali.

Allievo:.....e-mail:..... Matricola:.....

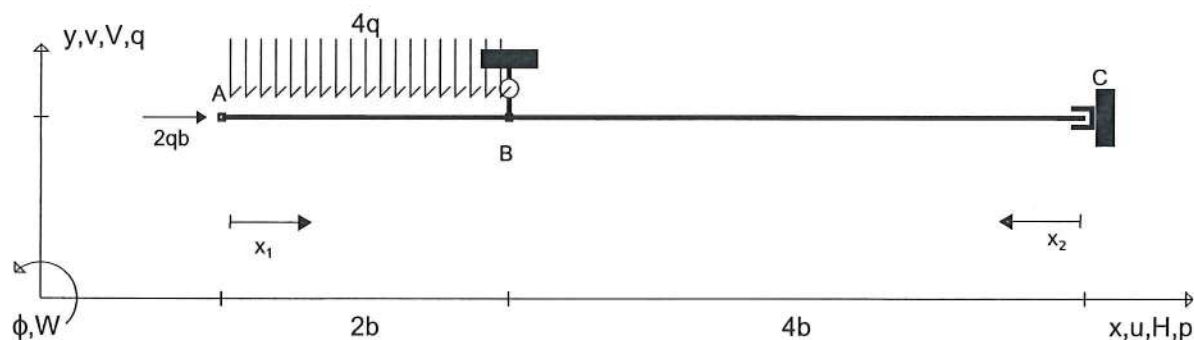
Esercizio n. 1 (17 punti)

Risolvere mediante il Principio dei Lavori Virtuali (PLV) la struttura iperstatica riportata in Figura, assumendo come incognita iperstatica il momento in C, M_C . Dopo avere determinato l'iperstatica *tenendo conto solo della deformabilità flessionale*, calcolare le reazioni vincolari, le equazioni delle azioni interne e tracciare nello spazio predisposto i corrispondenti grafici.

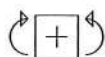
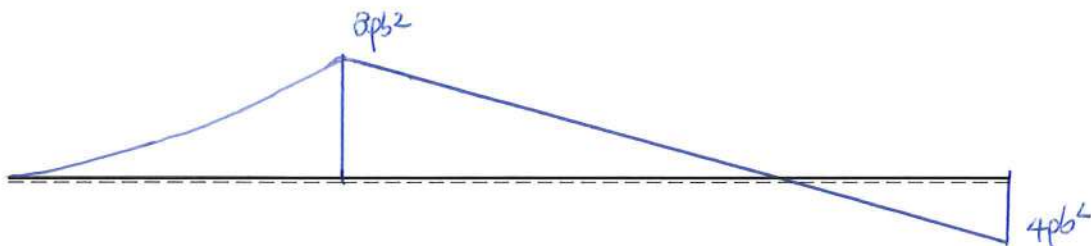
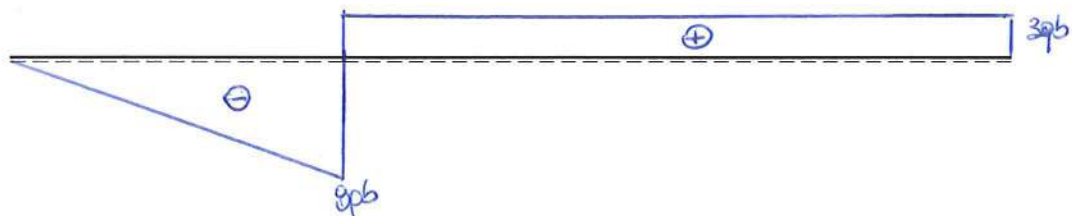
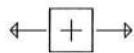
Si rammenta che il diagramma del momento flettente va riportato dalla parte delle fibre tese.

Universita' di Cagliari

SdC_SdA 06.07.21*001



EQ. DI COMPATIBILITÀ: $\psi_c(x, q) = 0$



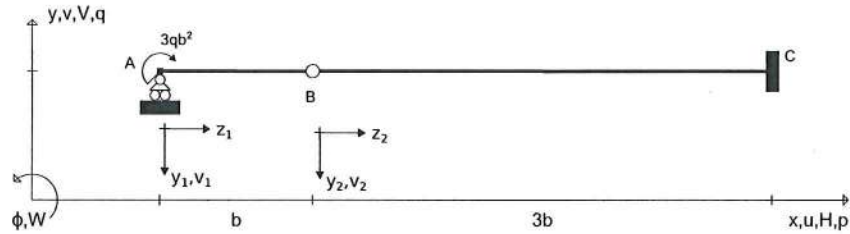
$H_B (\Rightarrow) = -2qb$	$V_B (\hat{v}) = 11qb$	$V_C (\hat{v}) = -3qb$	$M_C (\hat{\phi}) = 4qb^2$
$N_{AB} = -2qb$	$T_{AB} = -4qx_1$	$M_{AB} = -2qx_1^2$	
$N_{CB} = \neq$	$T_{CB} = 3qb$	$M_{CB} = 4qb^2 - 3qb \times 2$	

Esercizio n. 2 (16 punti)

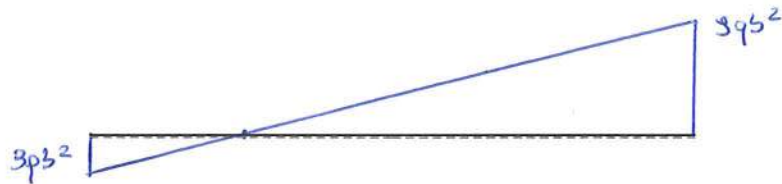
Per la struttura *isostatica*, indicata in Figura, determinare le reazioni vincolari e l'espressione delle azioni interne, nonché le condizioni al contorno imposte dai vincoli nei punti *A*, *B* e *C*.

Utilizzare quindi l'equazione della linea elastica per determinare:

1. La deformata della linea d'asse, $v(z) = v_1(z_1) \cup v_2(z_2)$;
2. La sua derivata prima, $v'(z) = v_1'(z_1) \cup v_2'(z_2)$;
3. Lo spostamento verticale del punto *B*, v_B ;
4. La rotazione del punto *A*, φ_A .



↑ (+) ↓



(+) (↑)

$V_A (\hat{v}) = -3qb$; $H_C (\hat{u}) = \dots$; $V_C (\hat{v}) = 3qb$; $M_C (\hat{\phi}) = -3qb^2$;	
$N_{AB} = \dots$	$T_{AB} = -3qb$; $M_{AB} = 3qb^2 - 3qbz_1$;
$N_{BC} = \dots$	$T_{BC} = -3qb$; $M_{BC} = -3qbz_2$;
c.c in <i>A</i> = $v_1(z_1=0) = 0$; c.c in <i>B</i> = $v_1(z_1=b) = v_2(z_2=0)$;	
c.c in <i>C</i> = $v_2(z_2=3b) = 0$; $v_2'(z_2=3b) = 0$;	
$v_1(z_1) = -\frac{3qb^2}{2ES} z_1^2 + \frac{qb}{2ES} z_1^3 + \frac{28qb^3}{ES} z_1$;	$v_1'(z_1) = -\frac{3qb^2}{ES} z_1 + \frac{3qb}{2ES} z_1^2 + \frac{28qb^3}{ES}$;
$v_2(z_2) = \frac{qb}{2ES} z_2^2 - \frac{27qb^3}{2ES} z_2 + \frac{27qb^4}{ES}$;	$v_2'(z_2) = \frac{3qb}{ES} z_2 - \frac{27qb^3}{2ES}$;
$v_B = \frac{+27qb^4}{ES}$ (↓).....;	$\varphi_A = \frac{+28qb^3}{ES}$ (↓).....;

CORSO DI STATICA E SCIENZA DELLE COSTRUZIONI

A.A. 2020-2021

Pre-esame telematico del 06.07.2021

Parte II - Testo 2

CdS Edilizia

CdS AdC

CdS SdA

Nota: Per chi dispone di una propria stampante, i risultati numerici vanno riportati a penna su questo stesso foglio, nei riquadri predisposti; per chi non dispone di stampante occorrerà predisporre un primo foglio nel quale riportare i dati riportati nei riquadri insieme ai risultati; il primo foglio dovrà contenere anche le seguenti informazioni: la prova (I prova intermedia o II prova intermedia), la data dell'appello, il nome e cognome, la matricola, la mail, il corso di studi; i calcoli (in forma ordinata) vanno allegati a seguire. Al termine della prova ed entro il limite di tempo indicato dalla commissione si dovrà caricare il compito svolto sulla piattaforma TEAMS in forma di unico file PDF le immagini fotografiche del primo foglio e a seguire dello svolgimento. Il file va nominato: cognome_matricola_data dell'appello.

Esprimere i risultati in forma frazionaria o con almeno 3 cifre decimali.

Allievo:.....e-mail:..... Matricola:.....

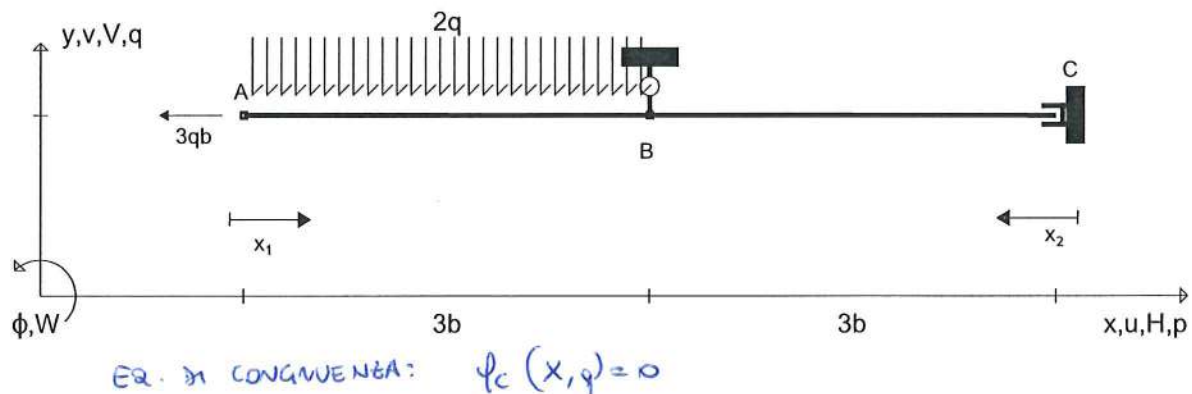
Esercizio n. 1 (17 punti)

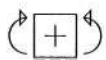
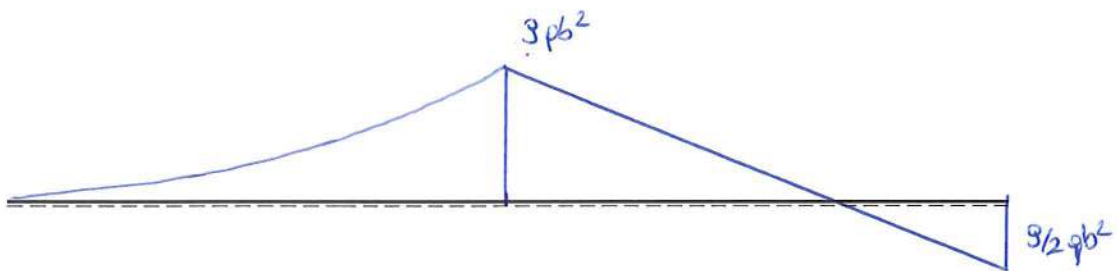
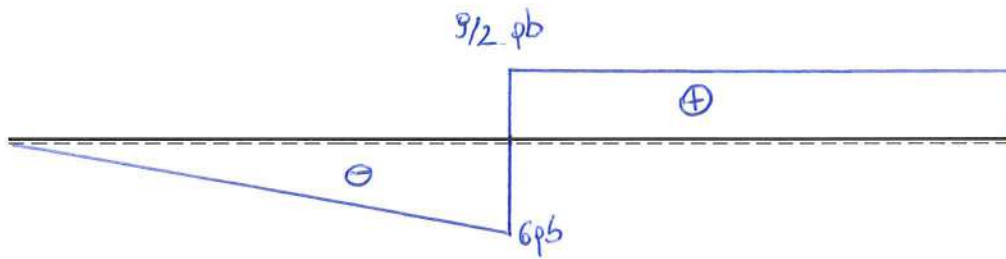
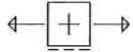
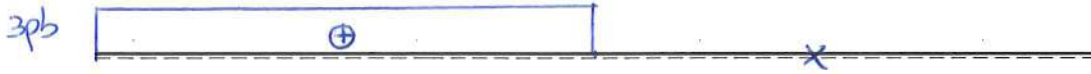
Risolvere mediante il Principio dei Lavori Virtuali (PLV) la struttura iperstatica riportata in Figura, assumendo come incognita iperstatica il momento in C, M_C . Dopo avere determinato l'iperstatica tenendo conto solo della deformabilità flessionale, calcolare le reazioni vincolari, le equazioni delle azioni interne e tracciare nello spazio predisposto i corrispondenti grafici.

Si rammenta che il diagramma del momento flettente va riportato dalla parte delle fibre tese.

Universita' di Cagliari

SdC_SdA 06.07.21*002





$H_B (\Rightarrow) = 3qb$	$V_B (\hat{v}) = 21/2 qb$	$V_C (\hat{v}) = -3/2 qb$	$M_C (\hat{m}) = 9/2 qb^2$
$N_{AB} = 3qb$	$T_{AB} = -2qb$	$M_{AB} = -qb^2$	
$N_{CB} = "$	$T_{CB} = 3/2 qb$	$M_{CB} = 3/2 qb^2 - 3/2 qb \times 2$	

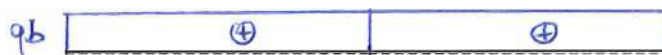
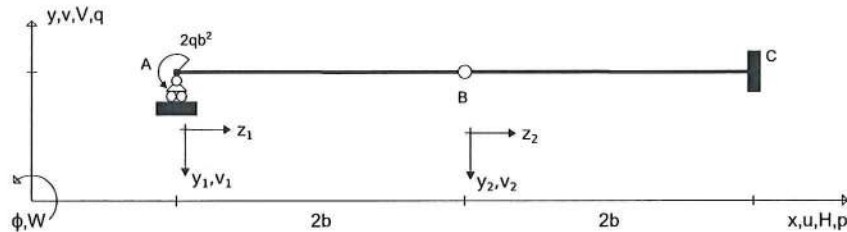
Esercizio n. 2 (16 punti)

Per la struttura *isostatica*, indicata in Figura, determinare le reazioni vincolari e l'espressione delle azioni interne, nonché le condizioni al contorno imposte dai vincoli nei punti *A*, *B* e *C*. Utilizzare quindi l'equazione della linea elastica per determinare:

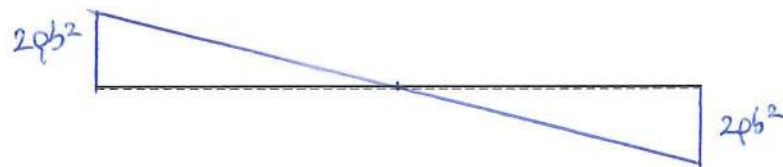
1. La deformata della linea d'asse, $v(z) = v_1(z_1) \cup v_2(z_2)$;
2. La sua derivata prima, $v'(z) = v_1'(z_1) \cup v_2'(z_2)$;
3. Lo spostamento verticale del punto *B*, v_B ;
4. La rotazione del punto *A*, φ_A .

Universita' di Cagliari

SdC_SdA 06.07.21*002



↑ (+) ↓



(+) ()

$V_A (\hat{u}) = \dots qb \dots$	$H_C (\hat{v}) = \dots 0 \dots$	$V_C (\hat{u}) = \dots -qb \dots$	$M_C (\hat{\varphi}) = \dots 2qb^2 \dots$
$N_{AB} = \dots \dots$	$T_{AB} = \dots qb \dots$	$M_{AB} = \dots -2qb^2 + qb z_1 \dots$	
$N_{BC} = \dots \dots$	$T_{BC} = \dots qb \dots$	$M_{BC} = \dots qb z_2 \dots$	
c.c in A = $v_1(z_1=0) = 0$		c.c in B = $v_1(z_1=2b) = v_2(z_2=0)$	
c.c in C = $v_2(z_2=2b) = 0; v_2'(z_2=2b) = 0$			
$v_1(z_1) = \dots \frac{qb^2}{ES} z_1^2 - \frac{qb}{6ES} z_1^3 - \frac{2qb^3}{ES} z_1 \dots$	$v_1'(z_1) = \dots \frac{2qb^2}{ES} z_1 - \frac{qb}{2ES} z_1^2 - \frac{2qb^3}{ES} \dots$		
$v_2(z_2) = \dots -\frac{qb}{6ES} z_2^3 + \frac{2qb^3}{ES} z_2 - \frac{8qb^4}{3ES} \dots$	$v_2'(z_2) = \dots -\frac{qb}{2ES} z_2^2 + \frac{2qb^3}{ES} \dots$		
$v_B = \dots -\frac{8qb^4}{3ES} \dots$	$\varphi_A = \dots -\frac{2qb^3}{ES} \dots$		

CORSO DI STATICA E SCIENZA DELLE COSTRUZIONI

A.A. 2020-2021

Pre-esame telematico del 06.07.2021

Parte II - Testo 3

CdS Edilizia

CdS AdC

CdS SdA

Nota: Per chi dispone di una propria stampante, i risultati numerici vanno riportati a penna su questo stesso foglio, nei riquadri predisposti; per chi non dispone di stampante occorrerà predisporre un primo foglio nel quale riportare i dati riportati nei riquadri insieme ai risultati; il primo foglio dovrà contenere anche le seguenti informazioni: la prova (I prova intermedia o II prova intermedia), la data dell'appello, il nome e cognome, la matricola, la mail, il corso di studi; i calcoli (in forma ordinata) vanno allegati a seguire. Al termine della prova ed entro il limite di tempo indicato dalla commissione si dovrà caricare il compito svolto sulla piattaforma TEAMS in forma di unico file PDF le immagini fotografiche del primo foglio e a seguire dello svolgimento. Il file va nominato: cognome_matricola_data dell'appello.

Esprimere i risultati in forma frazionaria o con almeno 3 cifre decimali.

Allievo:.....e-mail:..... Matricola:.....

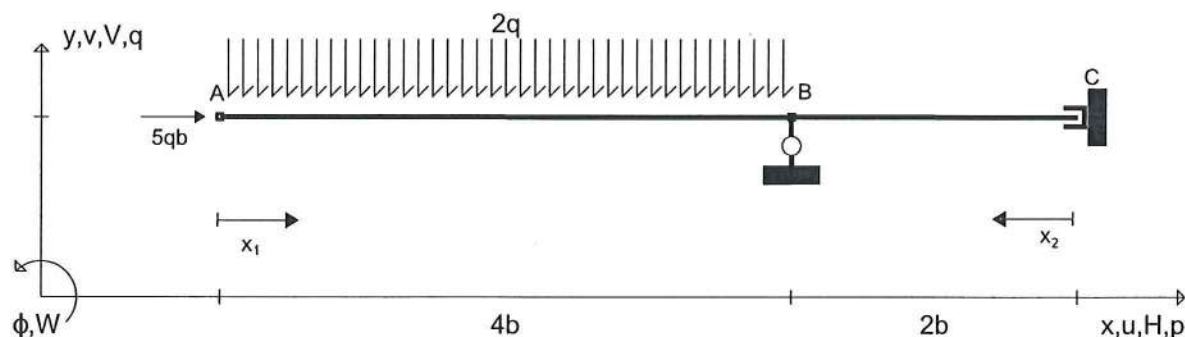
Esercizio n. 1 (17 punti)

Risolvere mediante il Principio dei Lavori Virtuali (PLV) la struttura iperstatica riportata in Figura, assumendo come incognita iperstatica il momento in C, M_C . Dopo avere determinato l'iperstatica tenendo conto solo della deformabilità flessionale, calcolare le reazioni vincolari, le equazioni delle azioni interne e tracciare nello spazio predisposto i corrispondenti grafici.

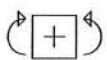
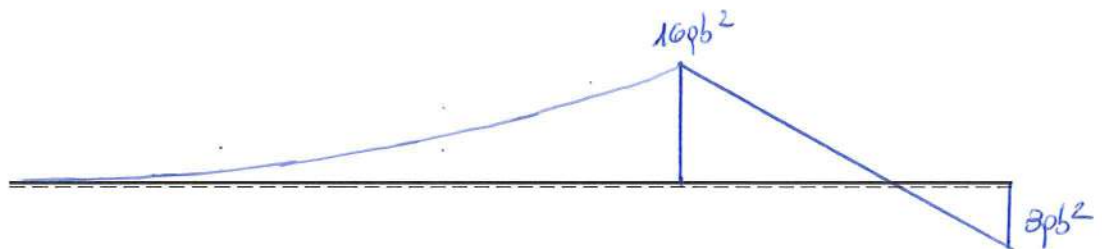
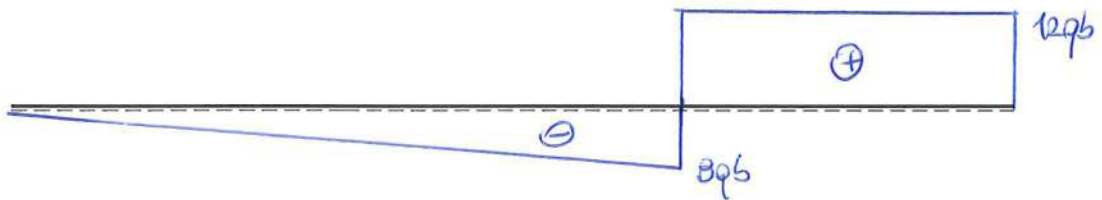
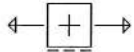
Si rammenta che il diagramma del momento flettente va riportato dalla parte delle fibre tese.

Universita' di Cagliari

SdC_SdA 06.07.21*003



EQ. DI CONGUGENZA: $\varphi_C(x, q) = 0$



$H_B (\Rightarrow) = -5qb$	$V_B (\hat{v}) = 20qb$	$V_C (\hat{v}) = -12qb$	$M_C (\hat{\varphi}) = 8qb^2$
$N_{AB} = -5qb$	$T_{AB} = -2qx_1$	$M_{AB} = -qx_1^2$	
$N_{CB} = \text{=}$	$T_{CB} = 12qb$	$M_{CB} = 8qb^2 - 12qb \times 2$	

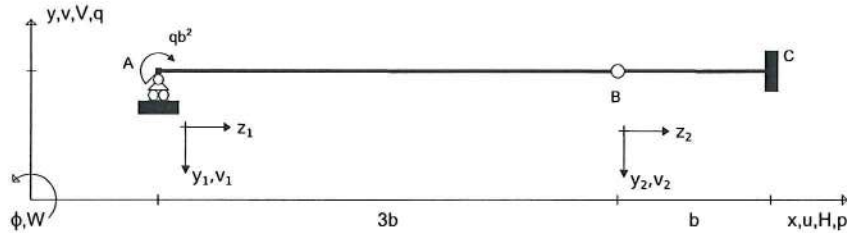
Esercizio n. 2 (16 punti)

Per la struttura *isostatica*, indicata in Figura, determinare le reazioni vincolari e l'espressione delle azioni interne, nonché le condizioni al contorno imposte dai vincoli nei punti A , B e C . Utilizzare quindi l'equazione della linea elastica per determinare:

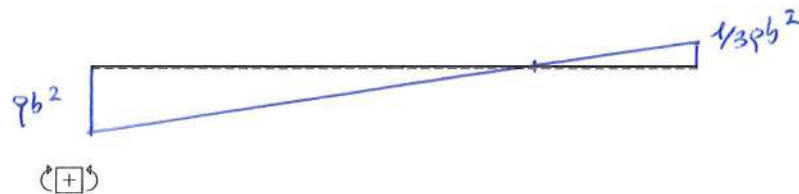
1. La deformata della linea d'asse, $v(z) = v_1(z_1) \cup v_2(z_2)$;
2. La sua derivata prima, $v'(z) = v_1'(z_1) \cup v_2'(z_2)$;
3. Lo spostamento verticale del punto B , v_B ;
4. La rotazione del punto A , φ_A .

Universita' di Cagliari

SdC_SdA 06.07.21*003



↑ (+) ↓



$V_A (\uparrow) = -\frac{1}{3}qb$		$H_C (\Rightarrow) = 0$		$V_C (\uparrow) = \frac{1}{3}qb$		$M_C (\curvearrowright) = +\frac{1}{3}qb^2$	
$N_{AB} = \dots \approx \dots$		$T_{AB} = -\frac{1}{3}qb$		$M_{AB} = qb^2 - \frac{1}{3}qbz_1$		\dots	
$N_{BC} = \dots \approx \dots$		$T_{BC} = -\frac{1}{3}qb$		$M_{BC} = -\frac{1}{3}qbz_2$		\dots	
c.c in $A = v_1(z_1=0) = 0$				c.c in $B = v_1(z_1=3b) = v_2(z_2=0)$			
c.c in $C = v_2(z_2=b) = 0; v_2'(z_2=b) = 0$							
$v_1(z_1) = -\frac{qb^2}{2EI}z_1^2 + \frac{qb}{18EI}z_1^3 + \frac{28qb^3}{27EI}z_1$		$v_1'(z_1) = -\frac{qb^2}{EI}z_1 + \frac{qb}{6EI}z_1^2 + \frac{28qb^3}{27EI}$		\dots			
$v_2(z_2) = \frac{qb}{18EI}z_2^3 - \frac{qb^3}{6EI}z_2 + \frac{qb^4}{9EI}$		$v_2'(z_2) = \frac{qb}{6EI}z_2^2 - \frac{qb^3}{6EI}$		\dots			
$v_B = +\frac{qb^4}{9EI}$		(\downarrow)		$\varphi_A = +\frac{28qb^3}{27EI}$		(\curvearrowright)	

CORSO DI STATICA E SCIENZA DELLE COSTRUZIONI

A.A. 2020-2021

Pre-esame telematico del 06.07.2021

Parte II - Testo 4.1

CdS Edilizia

CdS AdC

CdS SdA

Nota: Per chi dispone di una propria stampante, i risultati numerici vanno riportati a penna su questo stesso foglio, nei riquadri predisposti; per chi non dispone di stampante occorrerà predisporre un primo foglio nel quale riportare i dati riportati nei riquadri insieme ai risultati; il primo foglio dovrà contenere anche le seguenti informazioni: la prova (I prova intermedia o II prova intermedia), la data dell'appello, il nome e cognome, la matricola, la mail, il corso di studi; i calcoli (in forma ordinata) vanno allegati a seguire. Al termine della prova ed entro il limite di tempo indicato dalla commissione si dovrà caricare il compito svolto sulla piattaforma TEAMS in forma di unico file PDF le immagini fotografiche del primo foglio e a seguire dello svolgimento. Il file va nominato: cognome_matricola_data dell'appello.

Esprimere i risultati in forma frazionaria o con almeno 3 cifre decimali.

Allievo:.....e-mail:..... Matricola:.....

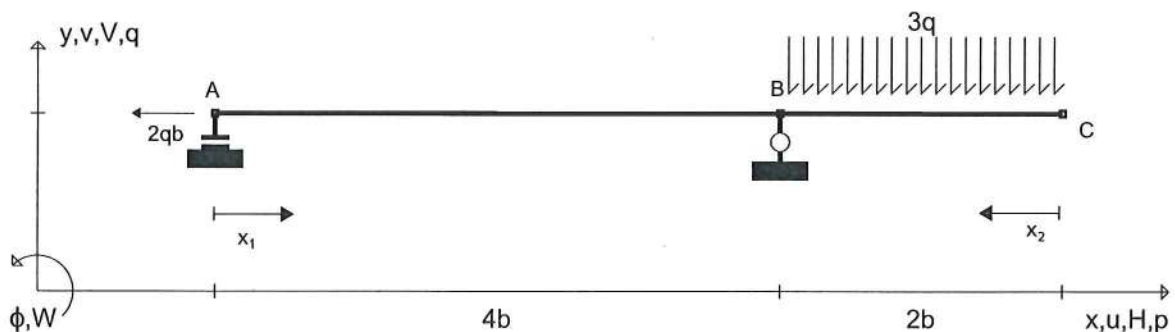
Esercizio n. 1 (17 punti)

Risolvere mediante il Principio dei Lavori Virtuali (PLV) la struttura iperstatica riportata in Figura, assumendo come incognita iperstatica il momento in A M_A . Dopo avere determinato l'iperstatica tenendo conto solo della deformabilità flessionale, calcolare le reazioni vincolari, le equazioni delle azioni interne e tracciare nello spazio predisposto i corrispondenti grafici.

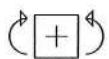
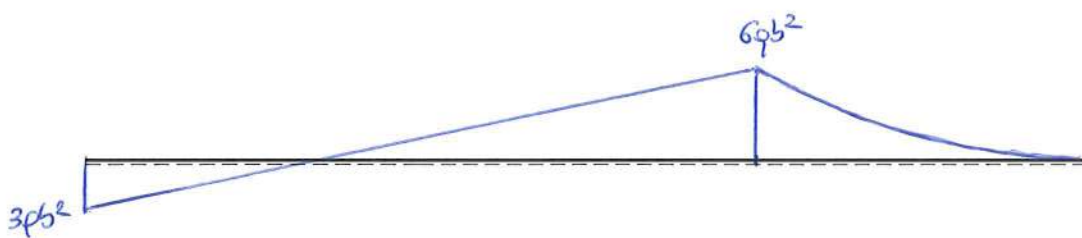
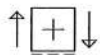
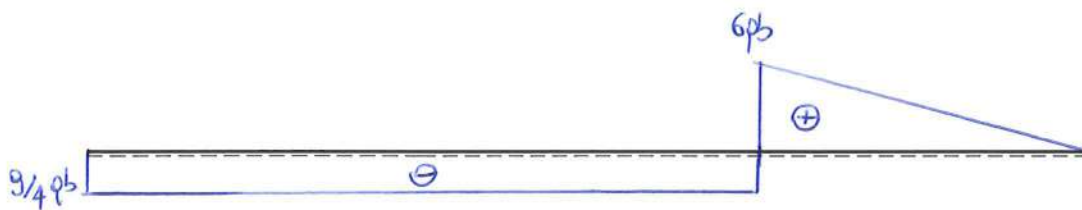
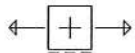
Si rammenta che il diagramma del momento flettente va riportato dalla parte delle fibre tese.

Universita' di Cagliari

SdC_SdA 06.07.21*004



Eq. di congruenza: $\varphi_A(x, q) = 0$



$V_A(\hat{v}) = -\frac{3}{4} qb$	$M_A(\hat{w}) = -3qb^2$	$H_B(\hat{u}) = 2qb$	$V_B(\hat{v}) = \frac{33}{4} qb$
$N_{AB} = 2qb$	$T_{AB} = -\frac{3}{4} qb$	$M_{AB} = 3qb^2 - \frac{3}{4} qb \times l$	
$N_{CB} = //$	$T_{CB} = 3q \times 2$	$M_{CB} = -\frac{3}{2} q \times 2^2$	

Università degli Studi di Cagliari

DICAAR - Facoltà di Ingegneria-Architettura

CORSO DI STATICA E SCIENZA DELLE COSTRUZIONI

A.A. 2020-2021

Pre-esame telematico del 06.07.2021

Parte II - Testo 4.2

CdS Edilizia

CdS AdC

CdS SdA

Nota: Per chi dispone di una propria stampante, i risultati numerici vanno riportati a penna su questo stesso foglio, nei riquadri predisposti; per chi non dispone di stampante occorrerà predisporre un primo foglio nel quale riportare i dati riportati nei riquadri insieme ai risultati; il primo foglio dovrà contenere anche le seguenti informazioni: la prova (I prova intermedia o II prova intermedia), la data dell'appello, il nome e cognome, la matricola, la mail, il corso di studi; i calcoli (in forma ordinata) vanno allegati a seguire. Al termine della prova ed entro il limite di tempo indicato dalla commissione si dovrà caricare il compito svolto sulla piattaforma TEAMS in forma di unico file PDF le immagini fotografiche del primo foglio e a seguire dello svolgimento. Il file va nominato: cognome_matricola_data dell'appello.

Esprimere i risultati in forma frazionaria o con almeno 3 cifre decimali.

Allievo:.....e-mail:..... Matricola:.....

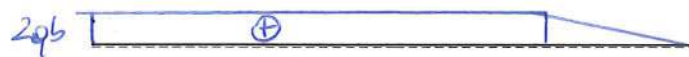
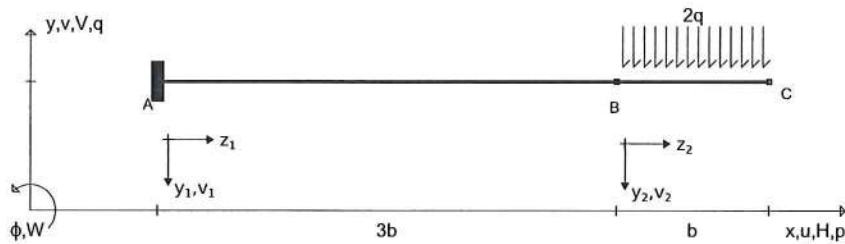
Esercizio n. 2 (16 punti)

Per la struttura *isostatica*, indicata in Figura, determinare le reazioni vincolari e l'espressione delle azioni interne, nonché le condizioni al contorno imposte dai vincoli nei punti *A*, *B* e *C*. Utilizzare quindi l'equazione della linea elastica per determinare:

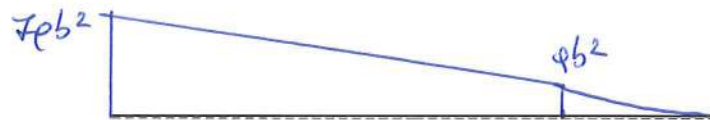
1. La deformata della linea d'asse, $v(z) = v_1(z_1) \cup v_2(z_2)$;
2. La sua derivata prima, $v'(z) = v_1'(z_1) \cup v_2'(z_2)$;
3. Lo spostamento verticale del punto *C*, v_C ;
4. La rotazione del punto *B*, φ_B .

Universita' di Cagliari

SdC_SdA 06.07.21*004



↑ ⊕ ↓



⊕

$$\begin{aligned}
 H_A (\Rightarrow) &= \dots 0 \dots; & V_A (\hat{u}) &= \dots 2qb \dots; & M_A (\hat{\varphi}) &= \dots 7qb^2 \dots; \\
 N_{AB} &= \dots // \dots; & T_{AB} &= \dots 2qb \dots; & M_{AB} &= \dots -7qb^2 + 2qbz_1 \dots; \\
 N_{BC} &= \dots // \dots; & T_{BC} &= \dots 2qb - 2qbz_2 \dots; & M_{BC} &= \dots -qb^2 + 2qbz_2 - qz_2^2 \dots; \\
 \text{c.c in } A &= \dots v_1(z_1=0)=0; \quad v_1'(z_1=0)=0 \dots; & \text{c.c in } B &= \dots v_1(z_1=3b)=v_2(z_2=0); \quad v_1'(z_1=3b)=v_2'(z_2=0) \dots; \\
 \text{c.c in } C &= \dots // \dots; \\
 v_1(z_1) &= \dots \frac{7qb^2}{2EI} z_1^2 - \frac{qb}{3EI} z_1^3 \dots; & v_1'(z_1) &= \dots \frac{7qb^2}{EI} z_1 - \frac{qb}{EI} z_1^2 \dots; \\
 v_2(z_2) &= \dots \frac{1}{EI} \left(\frac{1}{2} 2qb^2 z_2^2 - \frac{1}{3} qb z_2^3 + \frac{1}{2} 9z_2^4 + 12qb^2 z_2 + \frac{45}{2} qb^4 \right) \dots; & v_2'(z_2) &= \dots \frac{1}{EI} \left(qb^2 z_2 - qb z_2^2 + \frac{1}{3} 9z_2^3 + 12qb^2 \right) \dots; \\
 v_C &= \dots \frac{139qb^4}{4EI} \quad (\downarrow) \dots; & \varphi_B &= \dots \frac{12qb^3}{EI} \quad (\downarrow) \dots;
 \end{aligned}$$