Prof. Piero Cosseddu

Dept. Of Electrical and Electronic Engineering University of Cagliari (Italy)

Corso di Tecnologie e Dispositivi Elettronici Avanzati A.A. 2016/2017

Dispositivi Elettronici fabbricati mediante l'utilizzo di composti organici

Molecole che contengono principalmente C ed H, e, in certi casi, elementi elettronegativi (come O, N, P, S e alogeni)

Shirikawa, Heeger e MacDiarmid furono i primi a scoprire i polimeri conduttori nel 1977, dimostrando che dal drogaggio del polyacetylene con AsF₅ era possibile ottenere un polimero conduttore.





OFET
(Organic Field-Effect
Transistors)



Solar Cells



OLED
(Organic Light Emitting
Diode)



Applicazioni:

Smart wearable electronics
Solar Energy
Flexible Displays
Electronic paper





Vantaggi:

- ✓ Film sottili, flessibili su larga area
- ✓ tecnologia a basso costo (inkjet printing etc.)
- ✓ trasparenza
- ✓ caratteristiche elettriche "modulabili"

Svantaggi:

- ✓ processi realizzativi meno ripetibili
- ✓ prestazioni inferiori rispetto agli inorganici
- ✓ maggiore instabilità all'ambiente







Richiami di Chimica

L'atomo

Gli atomi sono costituiti da una **massiccia e densa** parte centrale positiva, formata da **protoni e neutroni**, detta **nucleo** con dimensioni dell'ordine di 10⁻¹⁵ m, e da una **rarefatta nuvola di elettroni** che orbitano a grandi distanze dal nucleo con velocità dell'ordine di 10¹¹ m/s e dimensione dell'ordine di 10⁻¹⁰ m.

Un atomo risulta **elettricamente neutro** quando possiede tanti elettroni quanti protoni, per cui le sue cariche negative compensano (neutralizzano) esattamente le sue cariche positive. Un atomo neutro **può acquistare uno o più elettroni**, diventando in questo modo uno ione negativo (anione) oppure può perdere uno o più elettroni, diventando uno ione positivo (catione).

Gli elettroni che stanno più lontani dal nucleo si chiamano *elettroni di valenza* e determinano molte proprietà fisiche degli elementi.

La valenza di un elemento è determinata dal numero di elettroni della shell esterna.

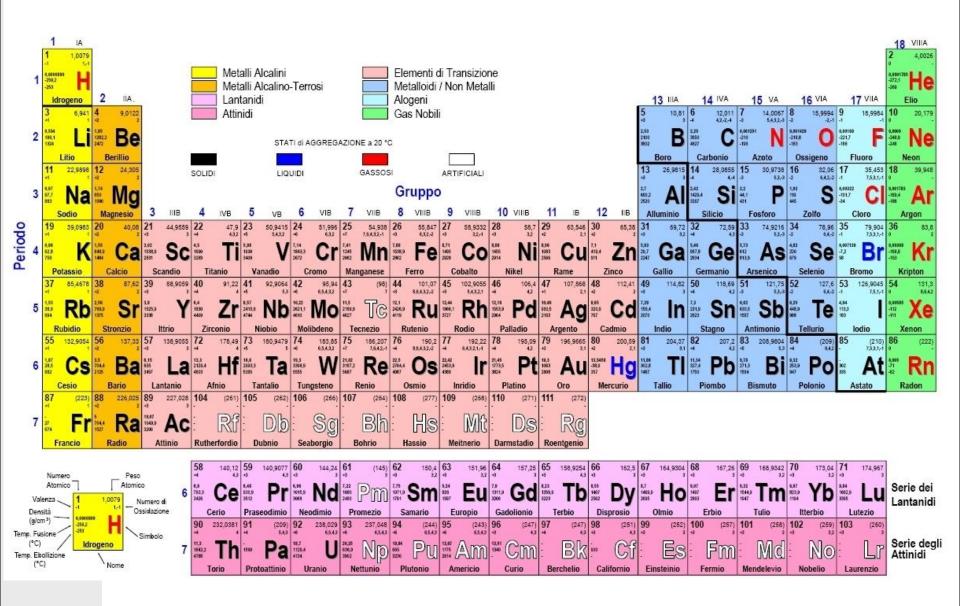
La tavola ha 7 periodi (righe).

Ogni periodo comincia con un elemento che ha 1 elettrone di valenza e termina con un elemento che ha la shell esterna completa.

Perciò il primo periodo comincia con l'idrogeno che ha 1 elettrone nella shell esterna e finisce con l'elio che ne ha 2.

Nelle reazioni chimiche l'atomo tende ad acquistare o a perdere elettroni in modo da acquisire una struttura stabile come quella dei gas inerti che hanno la shell esterna completa.

- Gli elementi che hanno **fino a 4 elettroni** di valenza tendono a perderli e a diventare **elettropositivi**,
- quelli che ne hanno da 4 a 8 tendono ad acquistarli diventando elettronegativi.
- Quelli che ne hanno 4 possono avere entrambi i comportamenti.



La soluzione dell'equazione di Schroedinger (parte radiale) per l'atomo di idrogeno ci ha permesso di ottenere le energie consentite

$$E_n = -\frac{me^4}{8\varepsilon_0^2 h^2} \frac{1}{n^2} \qquad n = 1, 2, 3, \dots$$

Abbiamo introdotto due numeri interi, n (numero quantico principale, che assume i valori n = 1,2,3,...) ed l (numero quantico secondario o angolare, che assume i valori l = 0,1,2,...,n-1).

Per lo stato fondamentale dell'idrogeno (n = 1), si avrà un solo valore di l, con un'energia pari a -13. 6 eV

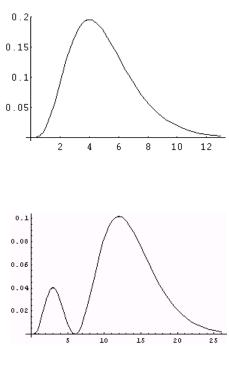
Per il primo stato eccitato (n = 2) i valori di l divengono due (l = 0 ed l = 1), ai quali corrisponde tuttavia un unico livello di energia (in quanto E_n dipende unicamente da n)

In tal caso si parlerà di livelli energetici degeneri, che, non rappresentano lo stesso sistema fisico, in quanto rappresentati da funzioni d'onda diverse.

12

10

8



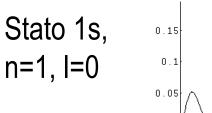
0.5

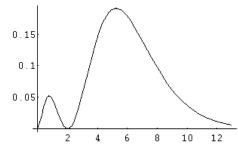
0.4

0.2

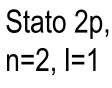
0.1

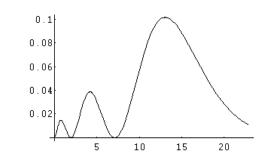
2



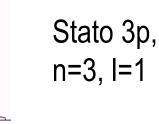


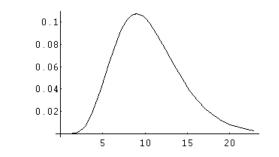
Stato 2s, n=2, l=0





Stato 3s, n=3, l=0





Stato 3d, n=3, l=2

Come si vede, stati con lo stesso n ma diverso l, corrispondono a funzioni d'onda differenti e a probabilità di presenza differenti.

Più è grande n, più è probabile trovare l'elettrone lontano dal nucleo

Gli elettroni che stanno in stati caratterizzati da alti n, stanno lontani dal nucleo e sono ad esso debolmente legati.

La parte angolare della soluzione dell'equazione di Scroedinger dipende due numeri quantici, l (già visto) e m = -l, -l+1,..0,..l-1, l (momento quantico magnetico o azimutale, autovalore dell'operatore Lz, componente z del vettore L).

Un'importante risultato di questa analisi è che:

Fissato n, abbiamo un solo valore possibile dell'energia, ma n valori possibili di 1 e 21+1 valori possibili di m.

A questi va aggiunto un ultimo numero quantico, detto di spin, che può avere 2 valori possibili +1/2 e -1/2.

Classificazione dei diversi stati (Orbitali o funzioni orbitaliche)

$$l=0 \rightarrow \text{ stati di tipo s } (m=2l+1=1)$$
 Numero di orbitali di tipo s $l=1 \rightarrow \text{ stati di tipo p} \rightarrow m=3$ Numero di orbitali di tipo p $l=2 \rightarrow \text{ stati di tipo d} \rightarrow m=5$ Numero di orbitali di tipo d $l=3 \rightarrow \text{ stati di tipo f} \rightarrow m=7$ Numero di orbitali di tipo f

Riassumendo:

- n mi definisce l'energia associata (shell)
- l definisce la tipologia e geometria dell'orbitale (s, p, d, f)
- m la sua collocazione spaziale: 1 solo orbitale s, 3 orbitali p, 5 orbitali d, 7 orbitali f
- s definisce lo spin

1º Livello energetico

1 orbitale s (1s) capienza max: 2 elettroni

2º Livello energetico

1 orbitale s (2s) capienza max: 2 elettroni 3 orbitali p (2p) capienza max: 6 elettroni

3° Livello energetico

1 orbitale s (3s) capienza max: 2 elettroni 3 orbitali p (3p) capienza max: 6 elettroni 5 orbitali d (3d) capienza max: 10 elettroni

4° Livello energetico

1 orbitale s (4s) capienza max: 2 elettroni 3 orbitali p (4p) capienza max: 6 elettroni 5 orbitali d (4d) capienza max: 10 elettroni 7 orbitali f (4f) capienza max: 14 elettroni I livelli successivi presentano al massimo la struttura orbitalica del quarto livello.

Gli atomi più pesanti, come l'Uranio, hanno elettroni a sufficienza per occupare 7 livelli energetici, senza tuttavia riuscire a riempirli completamente.

Livello	Orbitali consentiti				Campienza elettronica
1°	1s				2
2°	2 s	2p			2+6= 8
3°	<i>3s</i>	3р	3d		2+6+10= 18
4°	4s	4p	4d	4f	2+6+10+14= 32
5°	<i>5s</i>	5p	5d	5f	W
6°	6s	6р	6d		W
7°	7s				"

Configurazione elettronica esterna

Gli elettroni si distribuiscono negli orbitali obbedendo alle cosiddette 3 regole di Aufbau (o regole di costruzione)

1) Principio di minima energia

Gli elettroni occupano sempre l'orbitale vuoto ad energia più bassa.

2) Principio di esclusione di Pauli

Ogni orbitale può contenere al massimo 2 elettroni i quali saturano l'orbitale disponendosi con spin antiparalleli.

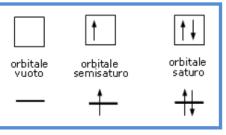
Lo spin (momento angolare intrinseco) è una caratteristica vettoriale degli elettroni (gli elettroni si comportano come minuscole trottole che ruotano attorno al proprio asse e quindi possiedono un momento angolare).

Un elettrone può possedere solo due valori di spin (anche lo spin è quantizzato). Gli elettroni negli orbitali vengono rappresentati con delle frecce verticali (che rappresentano il vettore spin)

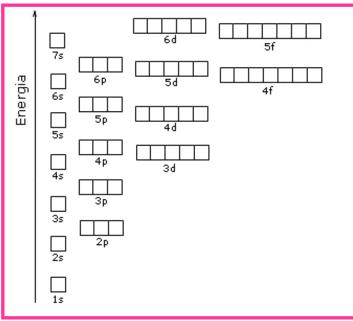
Configurazione elettronica esterna

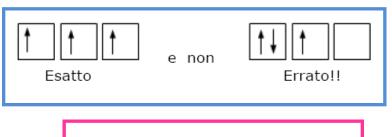
3) Principio di massima molteplicità di Hund

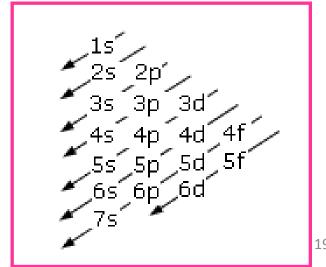
Gli elettroni si dispongono **negli orbitali degeneri uno per orbitale con spin parallelo** fino a semi-saturarli tutti e, successivamente, li saturano seguendo il principio di esclusione Pauli



se dobbiamo inserire 3 elettroni nei tre orbitali degeneri 2p







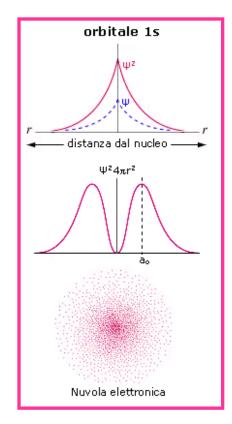
Gli orbitali atomici

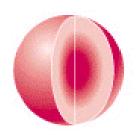
Le funzioni d'onda Ψ(s) sono **sfericamente simmetriche**. **La probabilità di trovare l'elettrone è la stessa in tutte le direzioni**, variando solo con la distanza dal nucleo.

Osservando la funzione orbitalica $\Psi(s)$ in dipendenza dal raggio si osserva che essa presenta un valore finito in coincidenza del nucleo, mentre tende a zero per r $\rightarrow \infty$.

L'orbitale 1s è infinitamente esteso (tutti gli orbitali lo sono)

L'andamento della funzione densità di probabilità $\Psi(s)^2$ è massima al centro



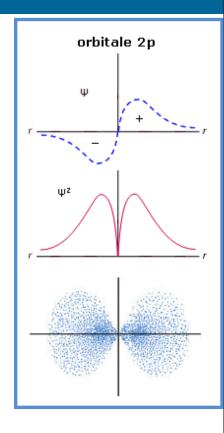


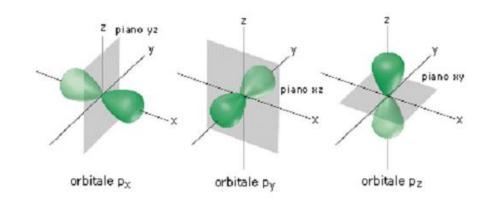
Gli orbitali atomici

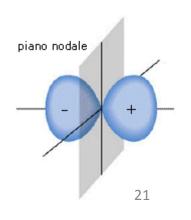
Gli orbitali **p** hanno **simmetria cilindrica**, possiedono cioè un asse preferenziale.

Sono costituiti da due lobi ad elevata densità elettronica (in cui la funzione d'onda Ψ assume segno opposto) ed un piano nodale nell'origine (nucleo)

Sono tre per livello energetico (tranne il primo) ed essendo orientati uno perpendicolarmente all'altro nella direzione dei tre assi cartesiani, vengono indicati con la notazione: px, py, pz







I legami covalenti

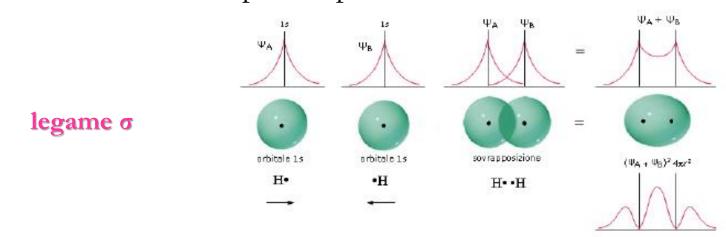
Teoria del legame di valenza (VB)

Il legame covalente, viene descritto come una **sovrapposizione degli orbitali atomici** che ospitano i due elettroni spaiati da condividere.

Le funzioni d'onda dei due orbitali si sommano (in modo analogo ai fenomeni di interferenza per le onde meccaniche) per dare una nuova funzione d'onda che descrive un nuovo orbitale.

Il nuovo orbitale appartiene ad entrambi gli atomi legati ed ospita i due elettroni con spin antiparallelo.

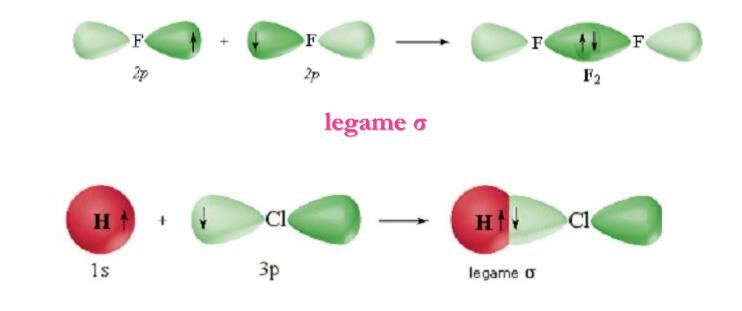
22



I legami covalenti: legame σ

Nel formare i legami gli orbitali, se possibile, tendono a massimizzare la regione di sovrapposizione.

Gli orbitali di tipo p, ad esempio, tendono a sovrapporsi lungo il loro asse maggiore.



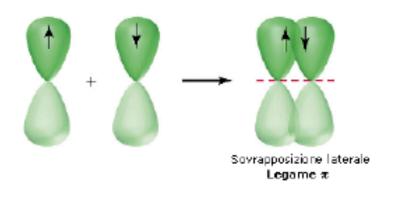
Questo tipo di sovrapposizione genera un legame covalente particolarmente intenso, detto **legame** σ

I legami covalenti: legame π

Nel caso di **legami** covalenti **doppi e tripli**, **solo una coppia di orbitali p può generare un legame σ**.

Gli altri orbitali p, essendo disposti uno perpendicolarmente all'altro, sono costretti a sovrapporsi lateralmente (lungo l'asse minore).

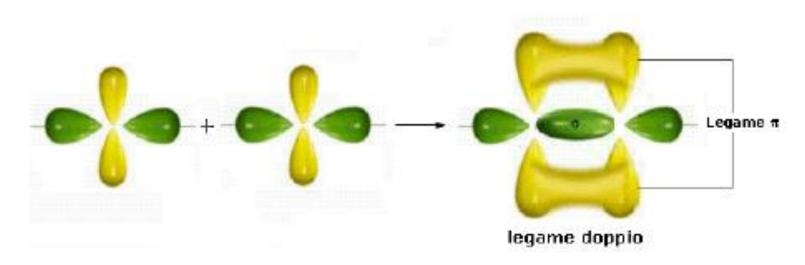
Questo tipo di legame covalente è **più debole** (a causa della minor sovrapposizione) ed è detto **legame** π .



legame π

In definitiva, nel caso in cui la densità elettronica si concentri sull'asse internucleare, si parla di legame σ , nel caso si concentri sopra e sotto l'asse internucleare si parla di legame, π

I legami covalenti: legami doppi



Quando in una molecola si forma un legame covalente doppio si genera un legame σ lungo la congiungente i due nuclei ed un legame π costituito da due nuvole elettroniche disposte simmetricamente (sopra e sotto) rispetto al legame σ .

Un doppio legame è una struttura rigida e non consente la libera rotazione dei due atomi legati attorno all'asse di legame

La teoria dell'orbitale molecolare è una teoria quantomeccanica del legame covalente che permette di descrivere lo stato di legame di molecole che la teoria VB non è in grado di giustificare

La combinazione di orbitali atomici di atomi differenti va a FORMARE ORBITALI MOLECOLARI (OM), Tali che i loro ELETTRONI APPARTENGONO ALL'INTERA MOLECOLA E NON AL SINGOLO ATOMO (ORBITALE DI VALENZA)

Le superfici limite degli orbitali molecolari sono policentriche, abbracciando tutti i nuclei della molecola, a differenza di quelle degli OA che sono monocentriche, ovvero riferite a un solo nucleo.

In altre parole tutti gli elettroni della molecola risentono dell'attrazione di tutti i nuclei e ciascun elettrone contribuisce a tenere insieme tutta la molecola

Teoria dell'orbitale molecolare (MO-LCAO)

Il metodo di approssimazione più semplice e normalmente utilizzato è noto come **L.C.A.O.** (Linear Combination of Atomic Orbitals),

Le funzioni d'onda degli orbitali molecolari si ottengono come combinazione lineare delle funzioni d'onda degli orbitali atomici.

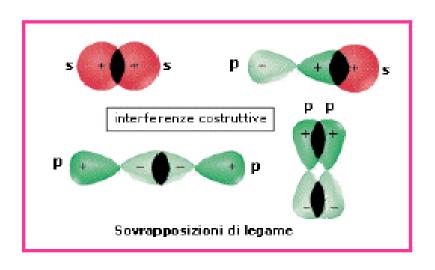
Attraverso il metodo L.C.A.O. le funzioni d'onda di due orbitali atomici si combinano per somma (inteferenza costruttiva) e per sottrazione (interferenza distruttiva) generando le funzioni d'onda di altrettanti orbitali molecolari

Gli orbitali molecolari leganti

L'orbitale molecolare che si genera dalla somma ha un'energia inferiore dei due orbitali atomici di partenza e manifesta un aumento della densità elettronica internucleare.

E' definito orbitale molecolare di legame Ψ_{B}

Per dare un **orbitale molecolare di legame** gli orbitali atomici si sovrappongono **in fase** (medesimo segno della funzione d'onda) e con la **medesima simmetria rispetto all'asse di legame**, in modo da dare **interferenza costruttiva**

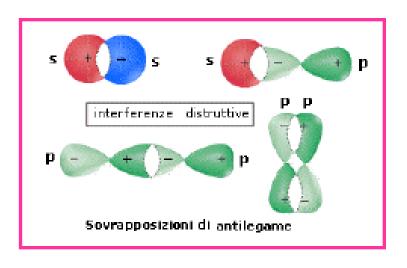


Gli orbitali molecolari antileganti

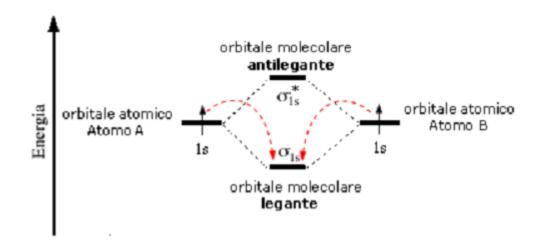
L'orbitale molecolare che si genera dalla **sottrazione ha un'energia superiore** dei due orbitali atomici di partenza e manifesta un annullamento della densità elettronica internucleare (nodo)

Orbitale molecolare di antilegame Ψ*

Per dare un orbitale molecolare di antilegame gli orbitali atomici si sovrappongono con fase opposta (segno opposto della funzione d'onda) e con la medesima simmetria rispetto all'asse di legame, in modo da dare interferenza distruttiva



Il **legame** di una molecola è tanto più **forte** quanto **maggiore è il numero di elettroni negli orbitali di legame** rispetto al numero di elettroni negli orbitali di antilegame

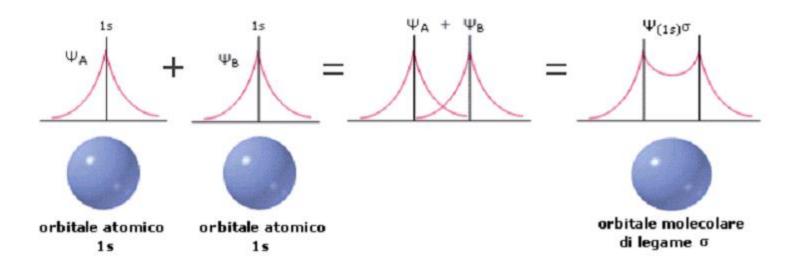


Facciamo un esempio semplice e consideriamo due atomi di idrogeno che interagiscono per formare un legame

31

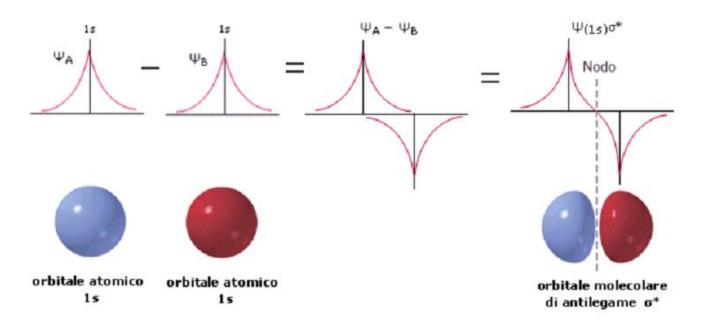
Prima sommiamo le due funzioni d'onda degli orbitali atomici 1s, ottenendo la funzione d'onda dell'orbitale molecolare di legame $\Psi \sigma 1s$.

In questo caso il valore di Ψ (e quindi anche di Ψ^2) aumenta nella regione tra i due nuclei

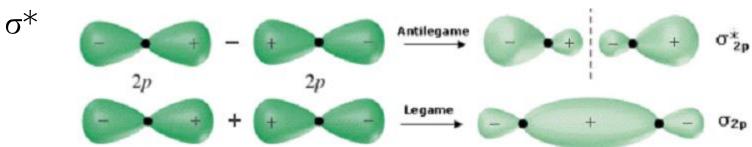


Poi sottraiamo le due funzioni d'onda degli orbitali atomici 1s, ottenendo la funzione d'onda dell'orbitale molecolare di antilegame $\Psi \sigma *1s$, la quale presenta un piano nodale passante tra i due nuclei atomici.

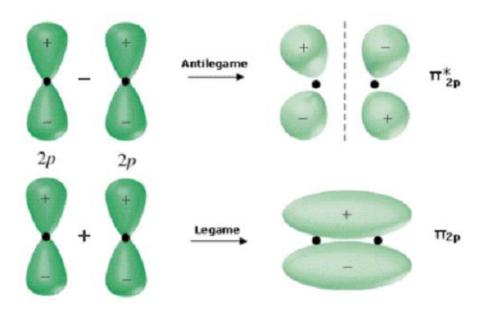
In questo caso il valore di Ψ (e quindi anche di Ψ^2) diminuisce fino ad annullarsi nella regione tra i due nuclei.



Gli orbitali p si possono combinare tra loro in due modi: frontalmente, generando orbitali molecolari σ e



oppure lateralmente, generando orbitali π e π^*



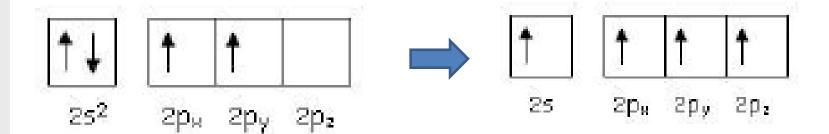
L'atomo di Carbonio

L'atomo di carbonio

Gli atomi di carbonio sono caratterizzati da 6 elettroni distribuiti nella configurazione 1s¹ 2s² 2p² e sembrerebbe pertanto divalente.

In realtà, tranne pochissime eccezioni (ad esempio, CO), il carbonio forma sempre 4 legami.

Perché possa essere tetravalente, devono essere coinvolti tutti gli elettroni dello strato esterno: 2s² e 2p²



Ibridazione degli orbitali atomici

Per formare legami, gli atomi possono ricombinare gli orbitali atomici (s, p, d) per dar luogo ad un ugual numero di orbitali atomici detti orbitali ibridi.

L'ibridazione interessa orbitali superficiali (di valenza) con contenuto energetico non molto diverso.

Gli orbitali ibridi così formati sono tutti di uguale forma ed energia e sono orientati in modo da interferire il meno possibile fra di loro, massimizzando la reciproca distanza

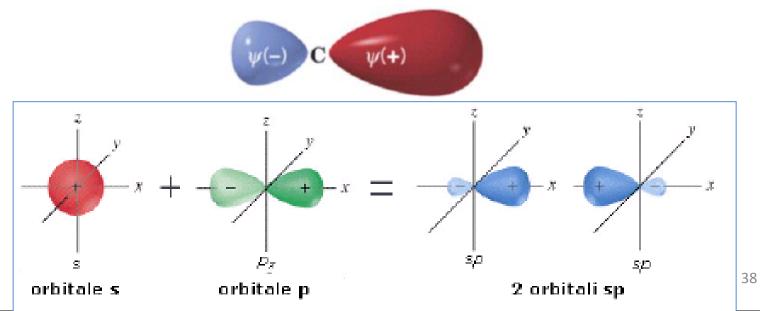
Questo processo, detto ibridazione, è un procedimento di combinazione matematica delle funzioni d'onda originarie.

Ibridazione degli orbitali atomici: sp

La combinazione di un orbitale di tipo s e uno di tipo p dà origine a **due orbitali ibridi** detti orbitali **sp**

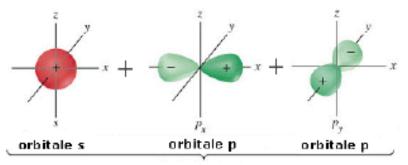
Gli orbitali sp si dispongono a 180° l'uno rispetto all'altro

Gli orbitali p non ibridati si orientano perpendicolarmente alla retta di ibridazione e perpendicolarmente tra loro (asse y e z)



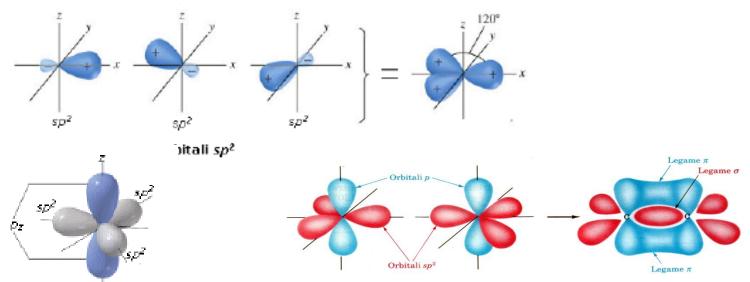
Ibridazione degli orbitali atomici: sp²

La combinazione di un orbitale di tipo s e di due orbitali di tipo p dà origine a tre orbitali ibridi detti orbitali sp² che si dispongono su di un piano a 120° l'uno dall'altro



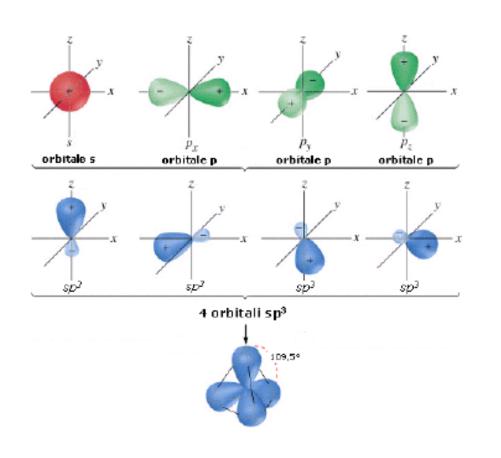
L'orbitale p non ibridato si dispone perpendicolarmente al piano di ibridazione

39



Ibridazione degli orbitali atomici: sp³

La combinazione di un orbitale di tipo s e di tre orbitali di tipo p dà origine a **quattro orbitali ibridi** detti orbitali **sp**³ che puntano verso i **vertici di un tetraedro**, disponendosi a 109,5° l'uno dall'altro

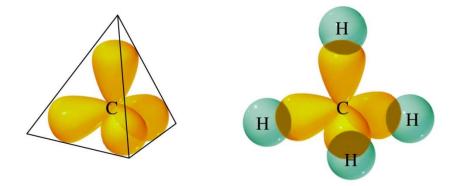


L'ibridazione sp³ è tipica di molecole con una geometria tetraedrica. Presenta un'ibridazione sp³ l'atomo di Carbonio nel metano (CH₄) Forma quattro legami covalenti semplici.

L'atomo di carbonio

In teoria i 4 legami non dovrebbero essere tutti equivalenti, ma in realtà lo sono!

Ipotesi: i 4 orbitali del carbonio si "ibridizzano" dando luogo a 4 orbitali di legame energeticamente equivalenti detti sp³ (in quanto derivanti dal "rimescolamento" di un orbitale s e dei tre orbitali p). Ibridazione sp³



I quattro orbitali sp³ sono diretti verso i vertici del tetraedro; struttura del metano in cui 4 orbitali sp³ si legano all'orbitale s di 4 atomi di idrogeno per formare 4 legami σ (covalenti)

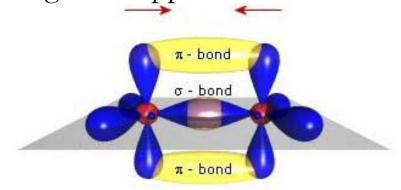
L'atomo di carbonio

Nell'ibridazione sp², sono ibridati gli orbitali s, p_x e p_y in modo da formare 3 orbitali equivalenti, che si dispongono su un piano con angoli di 120° l'uno dall'altro.

La geometria è quindi triangolare-planare.

L'orbitale $\mathbf{p_z}$ che non partecipa all'ibridazione è disposto perpendicolarmente al piano sul quale giacciono gli orbitali ibridi

Se mettiamo assieme due atomi di carbonio si formano due legami, uno lungo la congiungente dei nuclei, **legame** σ , che coinvolge due orbitali ibridi, l'altro fuori dalla congiungente i due nuclei, **legame** π , che coinvolge gli orbitali p non ibridizzati: si forma quindi un legame doppio.



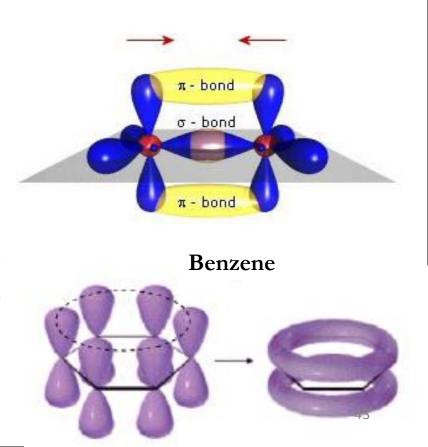
L'atomo di carbonio

Ogni atomo di carbonio usa i due legami singoli per unirsi ad un atomo di idrogeno e ad un atomo di carbonio e il legame doppio per legarsi ad un altro carbonio

Non può esserci un legame doppio tra tutti gli atomi di carbonio adiacenti, ma questi legami si presenteranno alternati

Alternanza di legami singoli e doppi → coniugazione

Lunghezza di coniugazione >
segmento di catena
caratterizzato da una perfetta
alternanza di legami doppi e
singoli

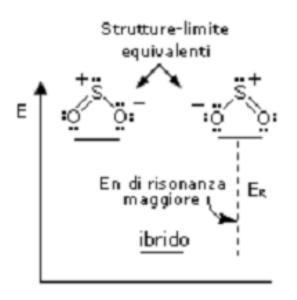


Risonanza e delocalizzazione

Quando nella molecola sono presenti degli elettroni π (legami doppi o tripli) può succedere che la molecola possa assumere due configurazioni differenti, equivalenti tra loro.

Non è possibile stabilire a priori dove quale delle due è più probabile, la struttura risuona tra due configurazioni (ibrido di risonanza)

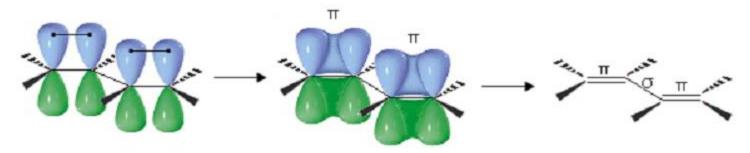
Tali elettroni non si trovano in genere localizzati, ma si distribuiscono su più atomi all'interno della molecola.



Risonanza e delocalizzazione

La risonanza è essenzialmente un modo per descrivere un fenomeno di delocalizzazione elettronica che interessa i sistemi coniugati.

Consideriamo un sistema coniugato in cui due doppi legami σ - p sono separati da un legame σ .

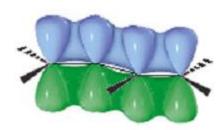


Per rappresentare la delocalizzazione si utilizzano più formule di struttura, in cui il doppio legame si trova anche in posizione centrale. Il sistema coniugato π - π viene rappresentato con le seguenti tre strutture di risonanza

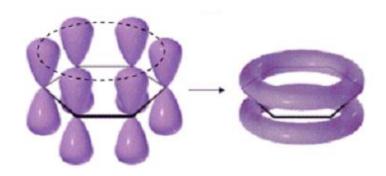
$$\bar{x} = \bar{x} =$$

Risonanza e delocalizzazione

In realtà il sistema coniugato presenta i 4 orbitali p tra loro completamente sovrapposti e gli elettroni π risultano pertanto delocalizzati su 4 atomi



Altro esempio è il benzene



Isolanti: legami σ

Il tipo di legame, π o σ , determina il gap energetico tra orbitali molecolari leganti e antileganti e quindi definisce la natura conduttiva o meno della molecola.

Nel caso di **legami coalenti (σ)** oltre ad aversi una **forte separazione tra livelli leganti e antileganti**, gli elettroni non sono liberi di muoversi, sono fortemente "localizzati" pertanto molecole con prevalenza di legami singoli hanno proprietà **isolanti**.

Essendo legami molto forti, i legami σ tipicamente sono quelli che determinano lo scheletro della molecola.

Semiconduttori: legami π

Nei legami π la separazione energetica tra orbitali molecolari leganti e antileganti è sufficientemente piccola da consentire ad elettroni, che risiedono in orbitali leganti, di saltare a livelli energetici superiori.

Gli elettroni coinvolti in questo tipo di legame sono più liberi di muoversi e possono contribuire alla conduzione.

L'energia necessaria alla realizzazione di un tale salto potrà essere fornita agli elettroni da una radiazione luminosa o da un potenziale esterno applicato

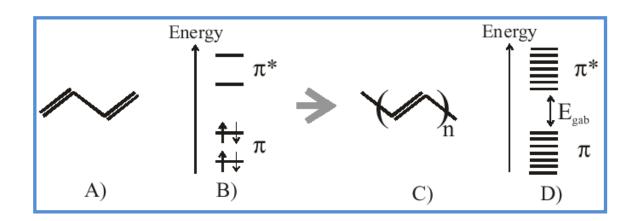
In una catena costituita da n atomi si vengono a formare n orbitali molecolari leganti ed n antileganti separati da una zona di energia proibita agli elettroni

Formazione del Band Gap48

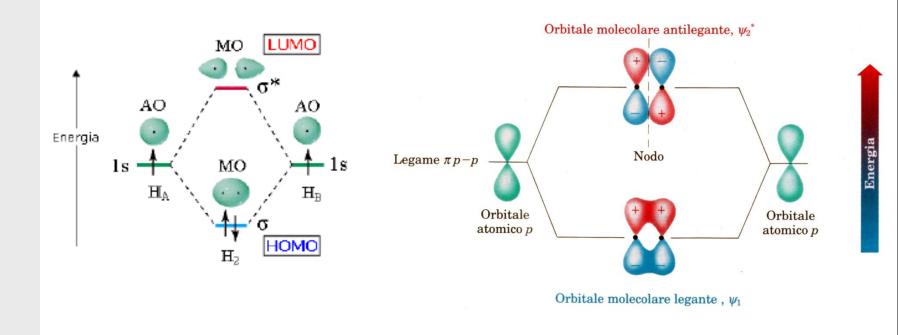
Il band gap

La prevalenza di legami σ o π nella catena determina il gap tra orbitali leganti e antileganti, mentre il numero di atomi definisce la continuità tra i livelli leganti e quelli antileganti.

Catene costituite da **pochi atomi** presenteranno **stati energetici discreti** (è il caso degli oligomeri), mentre catene coniugate di elevata lunghezza (polimeri coniugati con n molto elevato), possiedono una struttura a bande



HOMO e LUMO



L'ultimo orbitale molecolare contenente elettroni è detto HOMO (Highest Occupied Molecular Orbital)

Il primo orbitale molecolare vuoto è detto LUMO (Lowest **Unoccupied Molecular Orbital)**

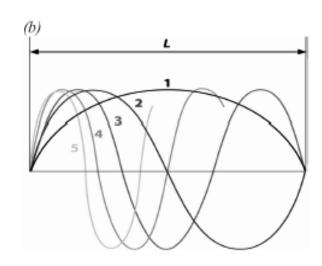
HOMO e LUMO sono definiti orbitali molecolari di frontiera 50

Il band gap

È possibile determinare il band gap in un polimero coniugato considerando l'elettrone π come confinato all'interno di una buca di potenziale di pareti infinite e di lunghezza L pari alla lunghezza di coniugazione del polimero

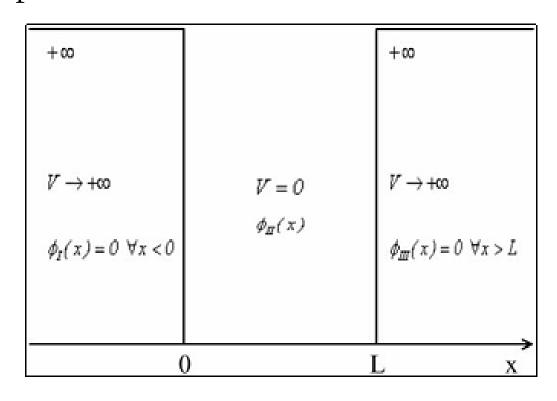
Lunghezza di coniugazione di un polimero corrisponde alla lunghezza del segmento di catena caratterizzato da una perfetta alternanza di legami doppi e singoli

L'elettrone π , essendo confinato all'interno di una buca di potenziale, può essere rappresentato da un'onda sinusoidale di lunghezza d'onda λ_n =2L/n, dove n rappresenta lo stato n-esimo



Caso di una particella confinata.

Consideriamo ora il caso di una "particella in una scatola", ovvero quello di una particella di massa m confinata in una "buca di potenziale" di larghezza L e di pareti di potenziale infinitamente alte.



Caso di una particella libera di massa m (caso unidimensionale)

La sua energia potenziale è nulla

Quale sarà la sua equazione agli autovalori?

$$E_{T} = E_{cin} = \frac{p^{2}}{2m} \Rightarrow H = -\frac{\hbar^{2}}{2m} \frac{d^{2}}{dx^{2}}$$
$$-\frac{\hbar^{2}}{2m} \frac{d^{2}\psi(x)}{dx^{2}} = E\psi(x) \Rightarrow \frac{\hbar^{2}}{2m} \frac{d^{2}\psi(x)}{dx^{2}} + E\psi(x) = 0$$

Quest'equazione che tipo di soluzioni ammette?

$$\psi_1(x) = A\cos(kx)$$

$$\psi_2(x) = B\sin(kx)$$

$$\psi_1(x) = A\cos(kx)$$

$$\frac{\hbar^2}{2m} \frac{d^2 \psi(x)}{dx^2} + E\psi(x) = 0$$

$$-\frac{\hbar^2}{2m} Ak^2 \cos(kx) + EA\cos(kx) = 0$$

$$k = \sqrt{\frac{2mE}{\hbar^2}} = \frac{\sqrt{2mE}}{\hbar}$$

Più in generale, possiamo affermare che l'integrale generale in questo esempio specifico è della forma:

$$\psi(x) = A\cos(kx) + B\sin(kx)$$

L'integrale dell'equazione ovvero la funzione d'onda

$$\psi(x) = A\cos(kx) + B\sin(kx)$$

$$\psi(0) = 0 \Rightarrow A\cos(0) = 0 \Rightarrow A = 0$$

all'interno della buca avrà sempre soluzione:

$$\psi(L) = 0 \Rightarrow B\sin(kL) = 0$$

$$kL = n\pi$$

R=0 columina non accettabile

B=0 soluzione non accettabile

Dalla
$$\frac{\sqrt{2mE_n}}{\hbar}L = n\pi$$

$$E_n = \frac{\pi^2 \hbar^2}{2mL^2}n^2 = \frac{h^2}{8mL^2}n^2$$
55

Band Gap nei polimeri organici

$$E_n = \frac{n^2 h^2}{8mL^2}$$

n = numero degli stati; h costante di Planck; m la massa dell'elettrone; L la lunghezza di coniugazione.

Supponendo che nella catena polimerica lunga L siano contenuti N atomi con due elettroni ciascuno

in accordo al principio di esclusione di Pauli, secondo il quale solo due elettroni possono occupare un solo stato

il numero di stati n (occupati) assume il valore N/2

Band Gap nei polimeri organici

Se d è la distanza tra gli atomi, la lunghezza L risulta essere uguale a (N-1)d, che può essere approssimata a Nd

$$E(HOMO) = \frac{\left(\frac{N}{2}\right)^2 h^2}{8m(Nd)^2} \qquad E(LUMO) = \frac{\left(\frac{N}{2} + 1\right)^2 h^2}{8m(Nd)^2}$$

$$E_G = E(LUMO) - E(HOMO) = \frac{(N+1)^2 h^2}{8m(Nd)^2} \approx \frac{h^2}{8md^2N}$$

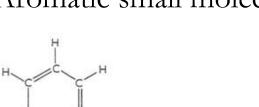
Per cui, il band gap diminuisce all'aumentare della lunghezza della molecola

Band Gap nei polimeri organici

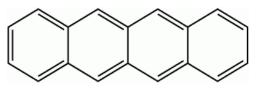
	H C H	Band Gap
Benzene	H-C-C-H	6.0 eV
Naphtalene		4.3 eV
Anthracene		3.3 eV
Tetracene		2.6 eV
Pentacene		2.1 eV

Benzene

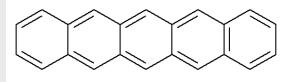
Aromatic small molecules



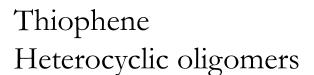




Pentacene

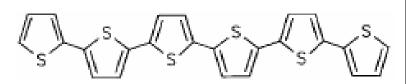


Fullerene, C60





Sexithiophene (4T, 5T, 6T, 8T)



Dihexyl-sexithiophene (DH6T)

$$C_6H_{13}$$
 S C_6H_{13}

